#### 제 1 교시

## 2023학년도 세종과학예술영재학교 신입생 선발 2단계 영재성평가

# 수학 역량 평가

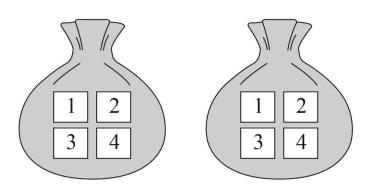
성명	수험번호	S	Α	2	3				
----	------	---	---	---	---	--	--	--	--

- 본 문제지 표지 및 모든 페이지의 해당란에 성명과 수험번호를 정확히 기재하시오.
- 시험시간은 **100분**이며, 문항은 총 **7문항**입니다.
- 시험지의 각 문항 아래의 답란에 답을 작성하시오.
- 문항에 따라 배점이 다르니, 각 문항에 표시된 배점을 참고하시오.

\* 감독관의 안내가 있을 때까지 표지를 넘기지 마시오.

수학 역량 평가 S A 2 3 수험번호 감독관 확인 성명

1. 그림과 같이 두 주머니에는 1, 2, 3, 4가 하나씩 적혀있는 네 장의 카드가 각각 들어있다.



두 주머니에서 카드를 각각 하나씩 꺼냈을 때, 두 카드에 적힌 숫자의 합이 나올 확률은 다음과 같다.

숫자의 합	2	3	4	5	6	7	8
확률	$\frac{1}{16}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{3}{16}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{3}{16}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{16}$

두 주머니를 모두 비우고 새로운 카드를 넣으려고 한다. 새로운 카드에 적힌 숫자는 0에서 8까지의 정수이고 같은 숫자 카드가 여러 장 있다. 두 주머니에 새로운 카드를 각각 네 장씩 넣었다.

두 주머니에서 카드를 각각 하나씩 꺼냈을 때, 두 카드에 적힌 숫자의 합이 나올 확률이 위의 표와 같게 되었다. 두 주머니에 들어있는 카드에 적힌 숫자로 가능한 경우를 [예]와 같이 모두 구하고, 그 이유를 설명하시오. [12점]

답란	초검	재검
[예] (1, 2, 3, 4), (1, 2, 3, 4)		
(뒷장에 이어서 쓰시오.)		

수학 역량 평가	수험번호 S A 2 3	성명	감독관 확인

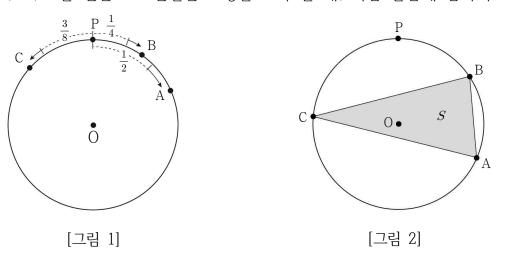
, 1 = 1		
답란	초검	재검
1번의 풀이와 답을 이어서 쓰시오.)		

수학 역량 평가

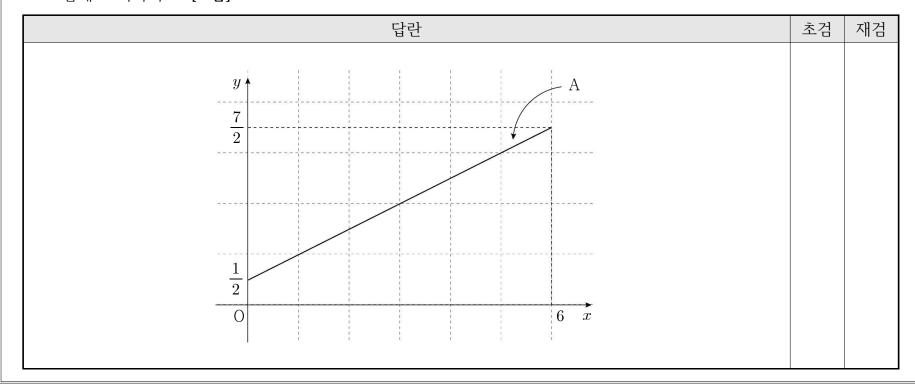
수험번호 S A 2 3 성명 감독관 확인

- 2. 원주가 4인 원 위에 고정된 한 점 P가 있고, 원 위의 세 점 A, B, C는 [그림 1]과 같이 다음과 같은 규칙에 따라 6초 동 안 원 위를 움직인다.
- (가) A : 점 P로부터 시계방향으로 원의 둘레를 따라  $\frac{1}{2}$ 만큼 떨어진 점에서 출발하여, 매초  $\frac{1}{2}$ 의 속력으로 시계방향 으로 움직인다.
- (나) B : 점 P로부터 시계방향으로 원의 둘레를 따라  $\frac{1}{4}$ 만큼 떨어진 점에서 출발하여, 매초  $\frac{1}{4}$ 의 속력으로 시계방향
- (다) C : 점 P로부터 시계반대방향으로 원의 둘레를 따라  $\frac{3}{8}$ 만큼 떨어진 점에서 출발하여, 매초  $\frac{3}{8}$ 의 속력으로 시계반대방향으로 움직인다.

[그림 2]와 같이 세 점 A, B, C를 선분으로 연결한 도형을 S라 할 때, 다음 물음에 답하시오. [총 12점]



(1) 시간을 x(x)라 하고 한 점이 점 P로부터 시계방향으로 원의 둘레를 따라 떨어진 거리를 y라 할 때, x와 y 사이에는 어떤 관계가 성립한다. 다음 그래프는 점 A에 대한 x와 y의 관계를 나타낸 것이다. 이와 마찬가지로 점 B와 점 C에 대한 x와 y의 관계를 나타내는 그래프를 아래 좌표평면에 그리시오. 이때, 각 그래프에 x=0, x=6일 때 y의 값을 함께 표시하시오. [4점]

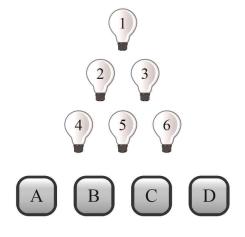


2023학년도	E 세종	과학예	술영재학	ᅡ교	신입생	선발	2단	·계	영재	성평	가
수학 역량 평가	수험번호	S A 2	3		성명			감독	관 확인		
		$\bigcirc$									
							· · —	- — -			
(2) 위 그래프를 활용	용하여, 도형	<i>S</i> 가 직각선		: <i>x</i> 의 깂	t을 모두 구 <sup>·</sup>	하고, 그	이유를	설명한	하시오.		<b>-</b> 1] → ]
			답란							초검	재검
(2) 이이 조치 O크	⊏െക് ഗരി പ്	비비에 이제	≂l∟ …∩l 7ŀ	റി ജിറി	ㄹ 그릇[그 :	그 이 0 ㄹ	서대중	Lal O	[1/24]		
(3) 원의 중심 0가 .	도영 <b>3</b> 의 다	게구에 있게	이는 <i>x</i> 의 없  답란	의 범취	三 子叮ᅶ, -	<u> 기유글</u>	<u> 결정</u>	[시오.	[4 召]	초검	재검
										<b>—</b> u	" " "
										ı	

2023한년 도	세종과학예술영재학교	시인생 서박	2다계	영재성평가
2023억단포	게 우리 역에 돌 중세 역 파	건 6 8 건 2	4만계	0 M 0 0 1

수학 역량 평가	수험번호 S A 2 3	성명	감독관 확인
		$\bigcap$	

3. 왼쪽 그림과 같이 1에서 6까지의 숫자가 적힌 6개의 전구와 A, B, C, D 4개의 버튼이 있는 장치가 있다. 오른쪽 표는 버튼과 전구의 연결 관계를 나타낸 표이다. 버튼을 누르면 연결된 전구 중 켜진 전구는 꺼지고, 꺼진 전구는 켜진다.



	전구 1	전구 2	전구 3	전구 4	전구 5	전구 6
버튼 A	0	0	0			
버튼 B		0		0	0	
버튼 C			0		0	0
버튼 D		0	0		0	

예를 들어, 버튼 A를 누르면 전구 1, 전구 2, 전구 3 중 켜진 전구는 꺼지고, 꺼진 전구는 켜지며 전구 4, 전구 5, 전구 6은 변화가 없다. 다음 물음에 답하시오. (단, 2개 이상의 버튼을 동시에 누르지 않는다.) [총 14점]

(1) 모든 전구가 꺼진 상태에서 버튼 A, B, C, D를 한 번씩 눌렀을 때, 켜져 있는 전구를 빗금으로 색칠하시오. [2점]

답란	초검	재검
2 3		
4 5 6		

(2) 아래 그림과 같이 전구 3, 전구 5, 전구 6이 켜져 있을 때, 모든 전구를 켜고자 한다. 버튼을 누르는 최소 횟수를 구하고, 그 이유를 설명하시오. [4점]

(1)

2) 3

 $\boxed{4} \ \boxed{5} \ \boxed{6}$ 

답란	초검	재검

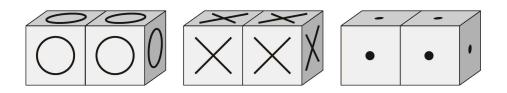
수학 역량 평가	수험번호 S A 2 3	성명	감독관 확인

(3) 이 장치에 전원을 연결하면 각 전구가 임의로 켜지거나 꺼져있는 상태인 '처음 상태'가 주어진다. '처음 상태'에서 버튼을 눌러 모든 전구를 켜려고 한다. 장치에 전원을 연결했을 때, 모든 전구를 켜는 것이 가능한 '처음 상태'가 주어질 확률을 구하고, 그 이유를 설명하시오. (단, 버튼은 여러 번 누를 수 있다.) [8점]

답란	초검	재검

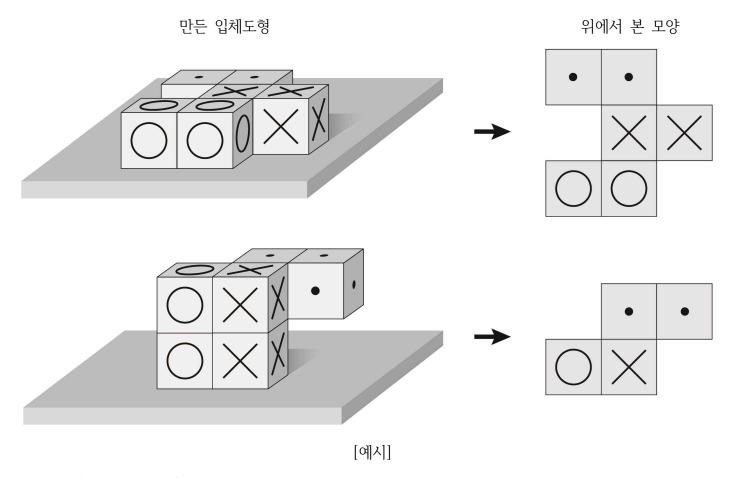
수학 역량 평가	수험번호	S A 2 3		성명	감독관 확인	

4. ○, ×, • 중 한 개의 무늬만 모든 면에 표시된 크기가 같은 정육면체가 있다. 무늬가 같은 정육면체 2개를 붙여 그림과 같이 직육면체 블록 3개를 만들었다.



이 블록 3개를 정사각형 면이 일치하도록 붙여 새로운 입체도형을 만들려고 한다. 이렇게 만든 입체도형을 [예시]와 같이 한쪽 면이 바닥에 닿도록 고정한 뒤, 다음 조건을 만족하는 '위에서 본 모양'의 경우의 수를 구해보자.

- (가) 블록이 서로 다르게 배치되어 있어도 위에서 본 모양이 같으면 같은 경우이다.
- (나) 회전하여 보았을 때 위에서 본 모양이 같으면 같은 경우이다.



다음 물음에 답하시오. [총 14점]

(1) ○, ×, • 중 한 가지의 무늬만 보이는 경우는 모두 몇 가지인지 구하고, 그 이유를 설명하시오. [4점]

답란	초검	재검

수학 역량 평가	수험번호 S A 2 3	성명		감독관 확인	
			$\bigcirc$		

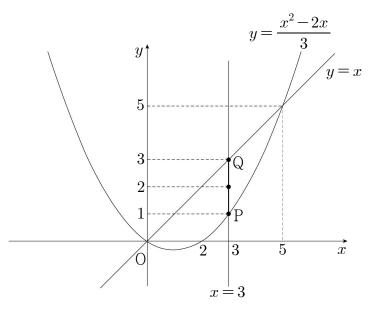
(2) ○, ×, • 중 두 가지의 무늬만 보이는 경우는 모두 몇 가지인지 구하고, 그 이유를 설명하시오. [10 점]

위에서 본 모양	경우의 수	이유	초검	재검
			_	

(쓰다가 틀리면 지워도 되고, 두 줄 긋고 다른 칸을 이용할 수 있음.)

 수학 역량 평가
 수험번호
 S
 A
 2
 3
 성명
 감독관 확인

5. 이차함수  $y = \frac{4}{n}(x^2 - 2x)$ 와 일차함수  $y = \frac{12}{n}x$ 의 그래프는 원점 O와 점  $\left(5, \frac{60}{n}\right)$ 에서 서로 만난다. y축에 평행하고 점 (k,0)을 지나는 직선이 이차함수  $y = \frac{4}{n}(x^2 - 2x)$ 의 그래프와 만나는 점을 P, 일차함수  $y = \frac{12}{n}x$ 의 그래프와 만나는 점을 Q라 하자. 이때,  $\overline{PQ}$  위의 점 중에서 y좌표가 정수인 점의 개수를 생각하자. (단, n은 자연수이고, k는 실수이다.) 예를 들어, n = 12, k = 3 이면 그림과 같이 P(3,1), Q(3,3)이므로  $\overline{PQ}$  위의 점 중에서 y좌표가 정수인 점은 (3,1), (3,2), (3,3)으로 3개이다.



다음 물음에 답하시오. [총 16점]

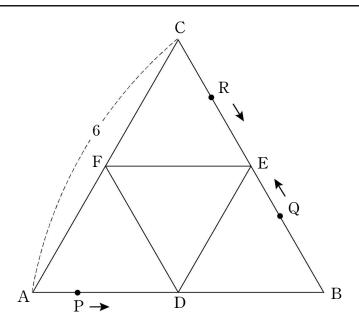
(1) n=4일 때,  $\overline{PQ}$ 의 길이가 4가 되는 실수 k의 값을 모두 구하고, 그 이유를 설명하시오.  $m{[4\,A]}$ 

답란	초검	재검
	1	

2023학년도 세종과학예술영재학교 신입생 선발 2단계 영경	재성평	가
수학 역량 평가 수험번호 S A 2 3 성명 감독관 확 <sup>4</sup>	인	
	•	
_ · _ · _ · _ · _ · _ · _ · _ · _ · _ ·		· —
(2) $k=4$ 일 때, $\overline{PQ}$ 위의 점 중에서 $y$ 좌표가 정수인 점이 $3$ 개가 되는 자연수 $n$ 의 값을 모두 구하고, 그 이유를	를 설명하시.	오. <b>[4</b> 점
답란	초검	재검
(3) $n=8$ 일 때, 다음 조건을 만족하는 실수 $k$ 의 값을 모두 구하고, 그 이유를 설명하시오. [8점]		$\neg$
(가 $)$ 두 점 $P$ , Q의 $y$ 좌표는 모두 정수이다.		
(가 $)$ 두 점 $P$ , Q의 $y$ 좌표는 모두 정수이다.	초검	재검
(가) 두 점 P, Q의 $y$ 좌표는 모두 정수이다. (나) $\overline{PQ}$ 위의 점 중에서 $y$ 좌표가 정수인 점은 $4$ 개이다.	초검	재검
(가) 두 점 P, Q의 $y$ 좌표는 모두 정수이다. (나) $\overline{PQ}$ 위의 점 중에서 $y$ 좌표가 정수인 점은 $4$ 개이다.	초검	재검
(가) 두 점 P, Q의 $y$ 좌표는 모두 정수이다. (나) $\overline{PQ}$ 위의 점 중에서 $y$ 좌표가 정수인 점은 $4$ 개이다.	초검	재검
(가) 두 점 P, Q의 $y$ 좌표는 모두 정수이다. (나) $\overline{PQ}$ 위의 점 중에서 $y$ 좌표가 정수인 점은 $4$ 개이다.	초검	재검

수학 역량 평가 수험번호 S A 2 3 감독관 확인 성명

- 6. 그림과 같이 한 변의 길이가 6인 정삼각형 ABC의 세 변 AB, BC, CA의 중점을 각각 D, E, F라 하자. 세 점 P, Q, R는 다음 규칙에 따라 동시에 출발하여 계속해서 움직인다.
  - $(\Upsilon)$  점 P는 꼭짓점 A를 출발하여  $\Delta$ ADF의 둘레를 매초 1의 속력으로 시계반대방향으로 움직인다.
  - (나) 점 Q는 꼭짓점 B를 출발하여 ΔBED의 둘레를 매초 2의 속력으로 시계반대방향으로 움직인다.
  - (다) 점 R는 꼭짓점 C를 출발하여  $\triangle$ CEF의 둘레를 매초  $\frac{3}{2}$ 의 속력으로 시계방향으로 움직인다.



다음 물음에 답하시오. [총 16점]

(1) 세 점 P, Q, R가 40초 동안 움직일 때, 출발한 지 t초 후 점 P는  $\overline{\text{AF}}$  위에, 점 Q는  $\overline{\text{BD}}$  위에, 점 R는  $\overline{\text{CF}}$  위에 있 었다. 이때, t의 값의 범위를 모두 구하고, 그 이유를 설명하시오. [7점]

답란	초검	재검

수학 역량 평가

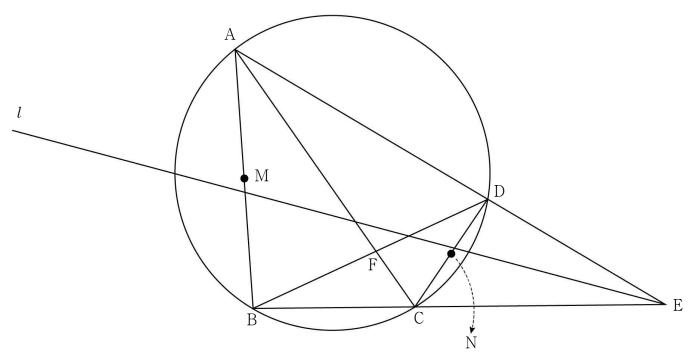
수험번호 S A 2 3 감독관 확인 성명

(2) (1)에서 구한 t의 범위에서  $\Delta PQR$ 의 넓이가  $\frac{7}{2}\sqrt{3}$ 이 되는 t의 값을 모두 구하고, 그 이유를 설명하시오. [9점]

다. 나	<u> </u>	초검	재검
(필요한 경우 아래 그림을 사용할 수 있음.)			
C			
F			
E			
$A \xrightarrow{Q} B$			

수학 역량 평가	수험번호	S A 2 3	성명	감독관 확인	

 $\overline{AB} = 2$ ,  $\overline{CD} = 1$ 이고, 변 AB와 변 CD가 평행하지 않은 사각형 ABCD가 원에 내접한다. 선분 AB, CD의 중점을 각각 M, N이라 하고, 사각형 ABCD의 두 대각선의 교점을 F, 반직선 AD, BC의 교점을 E, ∠ AEB의 이등분선을 l이라 할 때, 다음 물음에 답하시오. [총 16점]



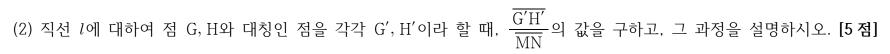
(1) 점 A', B', C', D'은 각각 직선 l에 대하여 점 A, B, C, D와 대칭인 점이다.

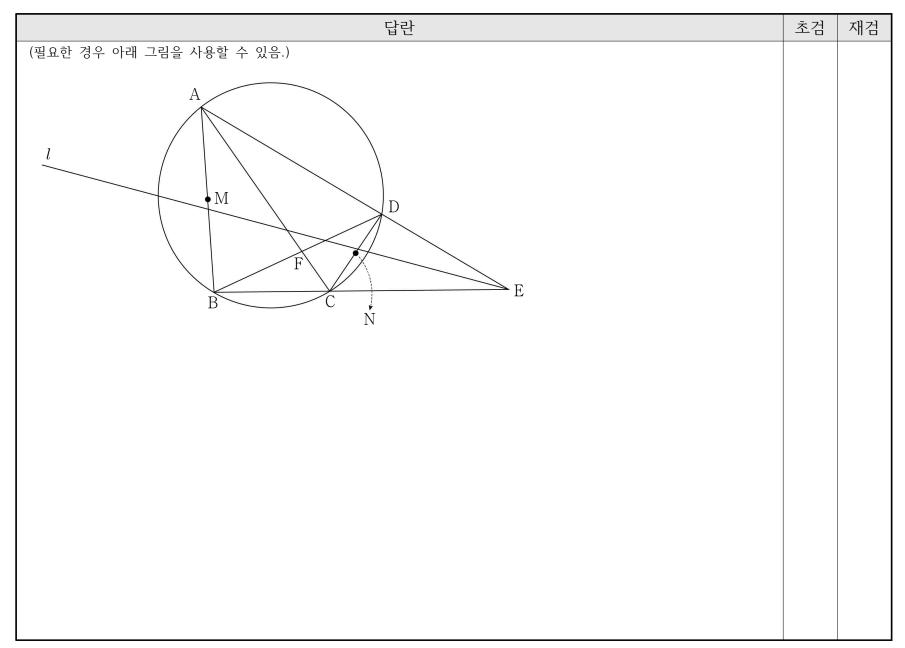
 $\triangle ABF \equiv \triangle B'A'G$ ,  $\triangle CDF \equiv \triangle D'C'H$ 를 만족하는 반직선 EF 위의 점 G와 점 H에 대하여  $\frac{\overline{EG}}{\overline{EF}}$ 와  $\frac{\overline{EH}}{\overline{EF}}$ 의 값을 구하고, 그 과정을 설명하시오. [8점]

답란	 초검	재검
1		

수학 역량 평가

	1 ; ; ; ; ; ; ;		
,		1150	
스러버ᅙ	S : A : 2 : 3 :	<u> </u>	<u>기도과 와이</u>
		~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~	
	1 : : : : : : : :		





(3)  $\frac{\overline{EF}}{\overline{MN}}$ 의 값을 구하고, 그 과정을 설명하시오. [3점]

답란	초검	재검