제 2교시

수학 영역(나형)

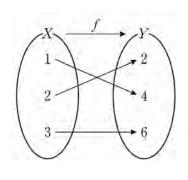
5지선다형

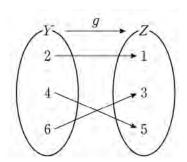
- 1. 2×16¹ 의 값은? [2점]

- ① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8
- ⑤ 10
- 3. $\lim_{n\to\infty} \frac{5^n-3}{5^{n+1}}$ 의 값은? [2점]

- ① 1 ② $\frac{1}{2}$ ③ $\frac{1}{3}$ ④ $\frac{1}{4}$ ⑤ $\frac{1}{5}$

- **2.** 두 집합 $A = \{2, a+1, 5\}, B = \{2, 3, b\}$ 가 A = B를 만족시킬 때, a+b의 값은? (단, a, b는 실수이다.) [2점]
 - 1 4
- 2 5 3 6
- 4 7
- ⑤ 8
- 4. 그림은 두 함수 $f: X \rightarrow Y$, $g: Y \rightarrow Z$ 를 나타낸 것이다.

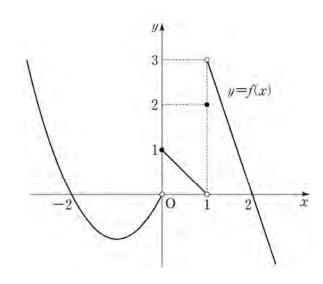




(g ∘ f)(2)의 값은? [3점]

- ① 1
- ② 2
- ③ 3
- 4
- **⑤** 5

5. 함수 y = f(x)의 그래프가 그림과 같다.



 $\lim_{x\to 0-} f(x) + \lim_{x\to 1+} f(x)$ 의 값은? [3점]

- 1
- 2 2
- 3 3
- 4
- **⑤** 5

6. 실수 x에 대한 두 조건

$$p:(x-1)(x-4)=0$$
,
 $q:1<2x\leq a$

에 대하여 p가 q이기 위한 충분조건이 되도록 하는 자연수 *a*의 최솟값은? [3점]

- ① 8 ② 7 ③ 6 ④ 5
- ⑤ 4

7. 어느 고등학교 전체 학생 500명을 대상으로 지역 A와 지역 B에 대한 국토 문화 탐방 희망 여부를 조사한 결과는 다음과 같다.

(단위: 명)

지역 A 지역 B	희망함	희망하지 않음	합계
희망함	140	310	450
희망하지 않음	40	10	50
합계	180	320	500

이 고등학교 학생 중에서 임의로 선택한 1명이 지역 A를 희망한 학생일 때, 이 학생이 지역 B도 희망한 학생일 확률은? [3점]

- $2\frac{23}{45}$ $3\frac{3}{5}$ $4\frac{31}{45}$ $5\frac{7}{9}$

- 8. 자연수 11 = 3 이상 7 이하의 자연수로 분할하는 방법의 수는? [3점]
 - \bigcirc 2
- 2 4 3 6 4 8
- ⑤ 10

- 9. $\int_0^a (3x^2-4)dx = 0$ 을 만족시키는 양수 a의 값은? [3점]

 - ① 2 ② $\frac{9}{4}$ ③ $\frac{5}{2}$ ④ $\frac{11}{4}$ ⑤ 3

10. 두 사건 A와 B는 서로 독립이고

$$P(A) = \frac{2}{3}, P(A \cup B) = \frac{5}{6}$$

일 때, P(B)의 값은? [3점]

- ① $\frac{1}{3}$ ② $\frac{5}{12}$ ③ $\frac{1}{2}$ ④ $\frac{7}{12}$ ⑤ $\frac{2}{3}$

11. 좌표평면에서 곡선 $y = \frac{1}{2x-8} + 3$ 과 x축, y축으로

둘러싸인 영역의 내부에 포함되고 x좌표와 y좌표가 모두 자연수인 점의 개수는? [3점]

- ① 3
- ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

- ① 112 ② 116 ③ 120

12. $\left(x+\frac{2}{x}\right)^{8}$ 의 전개식에서 x^{4} 의 계수는? [3점]

- ④ 124
- ⑤ 128

13. 수열 $\{a_n\}$ 은 $a_1=2$ 이고, 모든 자연수 n에 대하여

$$a_{n+1} = \begin{cases} a_n - 1 & (a_n \text{이 짝수인 경우}) \\ a_n + n & (a_n \text{이 홀수인 경우}) \end{cases}$$

를 만족시킨다. a_7 의 값은? [3점]

- ① 7
- ② 9
- 3 11
- **4** 13
- **⑤** 15
- 14. 등차수열 $\{a_n\}$ 이

$$a_5 + a_{13} = 3 a_9$$
, $\sum_{k=1}^{18} a_k = \frac{9}{2}$

를 만족시킬 때, a_{13} 의 값은? [4점]

- $\bigcirc -2$ $\bigcirc -1$ $\bigcirc 0$
- **4** 1
- ⑤ 2

15. 어느 공장에서 생산하는 화장품 1개의 내용량은 평균이 201.5g이고 표준편차가 1.8g인 정규분포를 따른다고 한다.

이 공장에서 생산한 화장품 중 임의추출한 9개의 화장품 내용량의 표본평균이 200g 이상일 확률을 오른쪽 표준정규분포표를 이용하여 구한 것은? [4점]

z	$P(0 \le Z \le z)$
1.0	0.3413
1.5	0.4332
2.0	0.4772
2.5	0.4938

16. 1보다 큰 두 실수 a, b에 대하여

$$\log_{\sqrt{3}} a = \log_9 ab$$

가 성립할 때, $\log_a b$ 의 값은? [4점]

- ① 1 ② 2
- ③ 3
- 4
- ⑤ 5

수학 영역(나형)

17. 확률변수 X의 확률분포를 표로 나타내면 다음과 같다.

X	0.121	0.221	0.321	합계
P(X=x)	a	b	$\frac{2}{3}$	1

다음은 E(X) = 0.271일 때, V(X)를 구하는 과정이다.

Y=10X-2.21이라 하자. 확률변수 Y의 확률분포를 표로 나타내면 다음과 같다.

Y	-1	0	1	합계
P(Y=y)	a	b	$\frac{2}{3}$	1

E(Y) = 10E(X) - 2.21 = 0.5이므로

$$a = \boxed{ (7) }, b = \boxed{ (\downarrow) }$$

이고
$$V(Y) = \frac{7}{12}$$
이다.

한편, Y = 10X - 2.21이므로 $V(Y) = \boxed{(다)} \times V(X)$ 이다.

따라서
$$V(X) = \frac{1}{(\Gamma)} \times \frac{7}{12}$$
이다.

위의 (가), (나), (다)에 알맞은 수를 각각 p, q, r라 할 때, pqr의 값은? (단, a, b는 상수이다.) [4점]

- ① $\frac{13}{9}$ ② $\frac{16}{9}$ ③ $\frac{19}{9}$ ④ $\frac{22}{9}$ ⑤ $\frac{25}{9}$

 $oxed{18}$. 최고차항의 계수가 1이고 f(1)=0인 삼차함수 f(x)가

$$\lim_{x \to 2} \frac{f(x)}{(x-2)\{f'(x)\}^2} = \frac{1}{4}$$

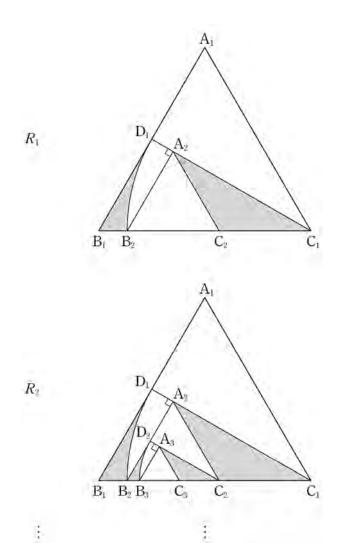
을 만족시킬 때, f(3)의 값은? [4점]

- ① 4 ② 6 ③ 8
 - **4** 10 **5** 12

19. 그림과 같이 한 변의 길이가 1인 정삼각형 A₁B₁C₁이 있다. 선분 A_1B_1 의 중점을 D_1 이라 하고, 선분 B_1C_1 위의 $\overline{C_1D_1} = \overline{C_1B_2}$ 인 점 B_2 에 대하여 중심이 C_1 인 부채꼴 $C_1D_1B_2$ 를 그린다. 점 B_2 에서 선분 C_1D_1 에 내린 수선의 발을 A_2 , 선분 C_1B_2 의 중점을 C_2 라 하자. 두 선분 B_1B_2 , B_1D_1 과 호 D_1B_2 로 둘러싸인 영역과 삼각형 $C_1A_2C_2$ 의 내부에 색칠하여 얻은 그림을 R_1 이라 하자.

그림 R_1 에서 선분 A_2B_2 의 중점을 D_2 라 하고, 선분 B_2C_2 위의 $\overline{C_2D_2} = \overline{C_2B_3}$ 인 점 B_3 에 대하여 중심이 C_2 인 부채꼴 $C_2D_2B_3$ 을 그린다. 점 B_3 에서 선분 C_2D_2 에 내린 수선의 발을 A_3 , 선분 C_2B_3 의 중점을 C_3 이라 하자. 두 선분 B_2B_3 , B_2D_2 와 호 D_2B_3 으로 둘러싸인 영역과 삼각형 $C_2A_3C_3$ 의 내부에 색칠하여 얻은 그림을 R_2 라 하자.

이와 같은 과정을 계속하여 n번째 얻은 그림 R_n 에 색칠되어 있는 부분의 넓이를 S_n 이라 할 때, $\lim S_n$ 의 값은? [4점]



- ① $\frac{11\sqrt{3}-4\pi}{56}$ ② $\frac{11\sqrt{3}-4\pi}{52}$ ③ $\frac{15\sqrt{3}-6\pi}{56}$

- **20.** 최고차항의 계수가 1인 사차함수 f(x)가 다음 조건을 만족시킨다.
 - (7) f'(0) = 0, f'(2) = 16
 - (나) 어떤 양수 k에 대하여 두 열린 구간 $(-\infty, 0)$, (0, k)에서 f'(x) < 0이다.

<보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

-----<보 기>-----

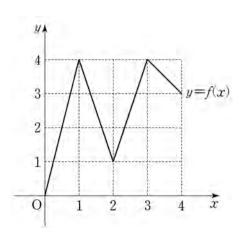
- \neg . 방정식 f'(x) = 0은 열린 구간 (0, 2)에서 한 개의 실근을 갖는다.
- L. 함수 f(x)는 극댓값을 갖는다.
- ㄷ. f(0) = 0 이면, 모든 실수 x에 대하여 $f(x) \ge -\frac{1}{3}$ 이다.
- ① ¬
- ② L
- ③ ¬, ⊏
- ④ ∟, ⊏
- (5) 7, L, C

짝수형

수학 영역(나형)

9

21. 그림과 같이 닫힌 구간 [0,4] 에서 정의된 함수 f(x)의 그래프는 점 (0,0), (1,4), (2,1), (3,4), (4,3)을 이 순서대로 선분으로 연결한 것과 같다.



다음 조건을 만족시키는 집합 $X = \{a, b\}$ 의 개수는? (단, $0 \le a < b \le 4$) [4점]

X에서 X로의 함수 g(x)=f(f(x))가 존재하고 $g(a)=f(a),\ g(b)=f(b)$ 를 만족시킨다.

11

② 13

③ 15

5 ④ 17

⑤ 19

단답형

22. ₅C₃의 값을 구하시오. [3점]

23. 함수 $f(x) = 2x^3 + x + 1$ 에 대하여 f'(1)의 값을 구하시오. [3점]

24. 전체집합 $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$ 의 두 부분집합

$$A = \{1, 2, 3\}, B = \{2, 4, 6, 8\}$$

에 대하여 $n(A \cup B^C)$ 의 값을 구하시오. [3점]

25. 함수 f(x)가 $\lim_{x\to 1} (x+1)f(x)=1$ 을 만족시킬 때, $\lim_{x\to 1} (2x^2+1)f(x)=a$ 이다. 20a의 값을 구하시오. [3점]

26. 곡선 $y = -2x^2 + 3x$ 와 직선 y = x로 둘러싸인 부분의 넓이가 $\frac{q}{p}$ 일 때, p + q의 값을 구하시오. (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]

27. 수열 $\{a_n\}$ 에 대하여

$$\sum_{k=1}^{10} (a_k + 1)^2 = 28, \ \sum_{k=1}^{10} a_k (a_k + 1) = 16$$

일 때, $\sum_{k=1}^{10} (a_k)^2$ 의 값을 구하시오. [4점]

28. 한 개의 동전을 6번 던질 때, 앞면이 나오는 횟수가 뒷면이 나오는 횟수보다 클 확률은 $\frac{q}{p}$ 이다. p+q의 값을 구하시오. (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]

29. 두 실수 a와 k에 대하여 두 함수 f(x)와 g(x)는

$$f(x) = \begin{cases} 0 & (x \le a) \\ (x-1)^2(2x+1) & (x > a) \end{cases},$$

$$g(x) = \begin{cases} 0 & (x \le k) \\ 12(x-k) & (x > k) \end{cases}$$

이고, 다음 조건을 만족시킨다.

- (7) 함수 f(x)는 실수 전체의 집합에서 미분가능하다.
- (나) 모든 실수 x에 대하여 $f(x) \ge g(x)$ 이다.

k의 최솟값이 $\frac{q}{p}$ 일 때, a+p+q의 값을 구하시오.

(단, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]

- **30.** 이차함수 $f(x) = \frac{3x x^2}{2}$ 에 대하여 구간 $[0, \infty)$ 에서 정의된 함수 g(x)가 다음 조건을 만족시킨다.
 - (7) $0 \le x < 1 일 때, <math>g(x) = f(x)$ 이다.
 - (나) *n* ≤ *x* < *n* + 1 일 때,

$$g(x) = \frac{1}{2^n} \{ f(x-n) - (x-n) \} + x$$

이다. (단, n은 자연수이다.)

어떤 자연수 $k(k \ge 6)$ 에 대하여 함수 h(x)는

$$h(x) = \begin{cases} g(x) & (0 \le x < 5 \text{ } \cancel{\Sigma} \vdash x \ge k) \\ 2x - g(x) & (5 \le x < k) \end{cases}$$

이다. 수열 $\{a_n\}$ 을 $a_n = \int_0^n h(x) dx$ 라 할 때,

 $\lim_{n\to\infty} (2a_n - n^2) = \frac{241}{768}$ 이다. k의 값을 구하시오. [4점]

- * 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.